

اندازه‌گیری سطح و حجم

فصل

۷

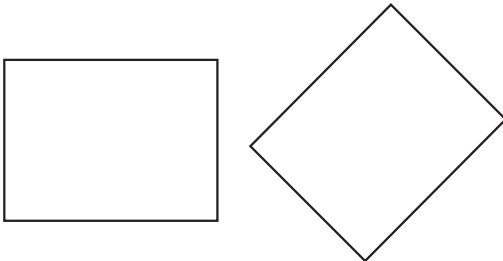


مقایسه و اندازه‌گیری سطح

فعالیت



۱- با یک کاغذ شفاف دو سطح روبه‌رو را مقایسه کنید. کدام شکل سطح بیش‌تری دارد؟



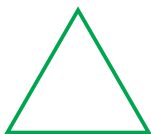
۲- چه روش‌های دیگری برای مقایسه‌ی دو سطح می‌شناسید؟

استفاده از روش‌های بالا همیشه ممکن نیست. برای مقایسه‌ی سطح‌ها به واحد اندازه‌گیری نیاز داریم. هر سطحی را می‌توان به‌عنوان واحد اندازه‌گیری به‌کار برد.

فعالیت



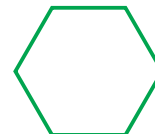
۱- واحد داده شده را چندین بار روی کاغذ شفاف رسم کنید و دور آن‌ها را با قیچی ببرید تا تعداد زیادی واحد مثل هم به‌دست آورید. سطح زیر را هر بار با یکی از واحدها اندازه بگیرید و اندازه‌ی سطح را برحسب واحد، بنویسید.



واحد شماره‌ی (۱)
= اندازه‌ی سطح



واحد شماره‌ی (۲)
= اندازه‌ی سطح

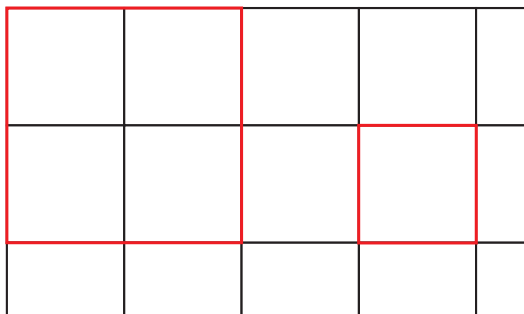


واحد شماره‌ی (۳)
= اندازه‌ی سطح

الف) کار با کدام واحد ساده‌تر است؟
ب) در اندازه‌گیری سطح با این واحدها با چه مشکل‌هایی روبه‌رو شدید؟
ج) آیا توانستید تمام سطح را با این واحدها بپوشانید؟



سطح داده شده را با واحدهای داده شده اندازه بگیرید. قسمت‌های باقی‌مانده را که با واحد سطح پوشیده نمی‌شوند، با کسری از واحد سطح تقریب بزنید و اندازه‌ی سطح را هر بار با یک عدد مخلوط بیان کنید.



واحد شماره (۱)
= اندازه‌ی سطح



واحد شماره (۲)
= اندازه‌ی سطح



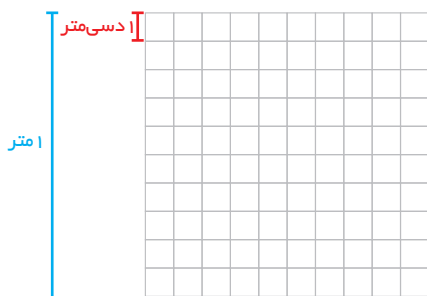
چرا اندازه‌ها متفاوت است؟ کار کردن با کدام واحد ساده‌تر است؟ چرا؟
برای تشخیص قسمت کسری، واحدها را به چند قسمت مساوی کوچک‌تر تقسیم کردید؟

برای این که هر سطح اندازه‌ی معینی داشته باشد و برای همه شناخته شده باشد، واحدهای استاندارد را به کار می‌بریم. واحد استاندارد اندازه‌گیری سطح، مترمربع است. برای دقیق‌تر شدن اندازه‌گیری‌ها از واحدهای کوچک‌تر مانند دسی مترمربع، سانتی مترمربع و میلی مترمربع استفاده می‌کنیم.

فعالیت



۱- مانند نمونه واحدهای اندازه‌گیری را به هم تبدیل کنید.



$$۱۰۰ \text{ دسی متر مربع} = ۱۰ \text{ دسی متر} \times ۱۰ \text{ دسی متر} = ۱ \text{ متر} \times ۱ \text{ متر} = ۱ \text{ متر مربع}$$

$$\dots \text{ سانتی متر مربع} = \dots \text{ سانتی متر} \times \dots \text{ سانتی متر} = ۱ \text{ متر} \times ۱ \text{ متر} = ۱ \text{ متر مربع}$$

$$\dots \text{ سانتی متر مربع} = \dots \text{ سانتی متر} \times \dots \text{ سانتی متر} = ۱ \text{ دسی متر} \times ۱ \text{ دسی متر} = ۱ \text{ دسی متر مربع}$$



۲- تبدیل واحدها را با جدول تناسب انجام دهید.

مترمربع	۱	؟
دسی مترمربع	۱۰۰	۱۵۰

----- مترمربع = ۱۵۰ دسی متر مربع → $150 \times 1 = \frac{?}{100}$

مترمربع	۱	
سانتی مترمربع	۱۰۰۰۰	؟

----- سانتی مترمربع = ۱۰۰۰۰ / ۲۱ متر مربع → $? = \frac{10000}{21}$

دسی مترمربع	۱	
سانتی مترمربع		

----- سانتی مترمربع = ۳ / ۲۱ دسی مترمربع → $? = \frac{3}{21}$

کار در کلاس

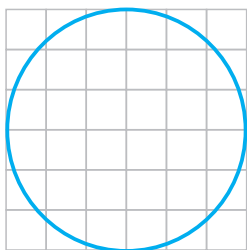


- ۱- برای اندازه گیری هریک از موردهای زیر کدام واحد سطح مناسب تر است؟
- مساحت یک زمین کشاورزی : مساحت یک کشور:
 - مساحت یک برگه کاغذ: مساحت یک فرش:

- ۲- با توجه به موضوع و عدد نوشته شده، واحد مناسب را انتخاب کنید.
- برای جلد کردن کتاب ریاضی ۸۷۵ ----- نایلون مصرف شد.
 - مساحت یکی از اتاق های خانه ی ما ۱۰۵۰ ----- است.
 - یک گلیم، سطحی به اندازه ی ۱۸۷۰۰ ----- را پوشانده است.
- ۳- برای هریک از اندازه های زیر یک نمونه بیاورید که چنین سطحی داشته باشد.
- ۶ / ۵ مترمربع: ۶۰۰ سانتی مترمربع:
 - ۱۳۱ / ۷ مترمربع: ۲۰ دسی مترمربع:
 - ۴۵۰۰ مترمربع: ۳۵۰۰ سانتی مترمربع:



۱- مساحت دایره را به صورت تقریبی و با شمردن مربع‌ها پیدا کنید.

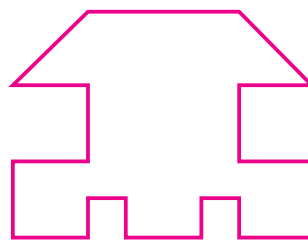
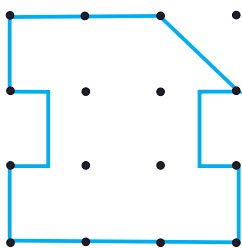
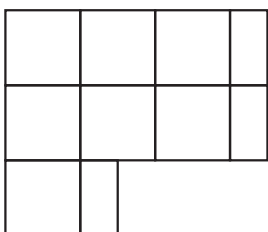


مساحت دایره = ----- □

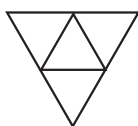
برای این‌که تقریب بهتری از مساحت دایره داشته باشید، چه کاری می‌توانید انجام دهید؟

۲- با توجه به واحد سطح، مساحت هر شکل را با یک عدد مخلوط بیان کنید.

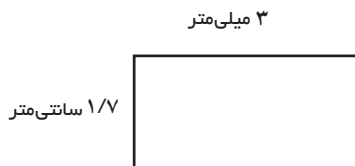
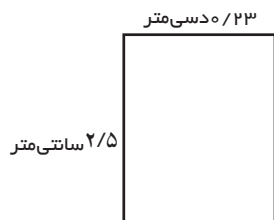
واحد:



واحد:



۳- مساحت شکل‌های زیر را به دست آورید. (به واحدها توجه کنید).



مساحت شکل های هندسی

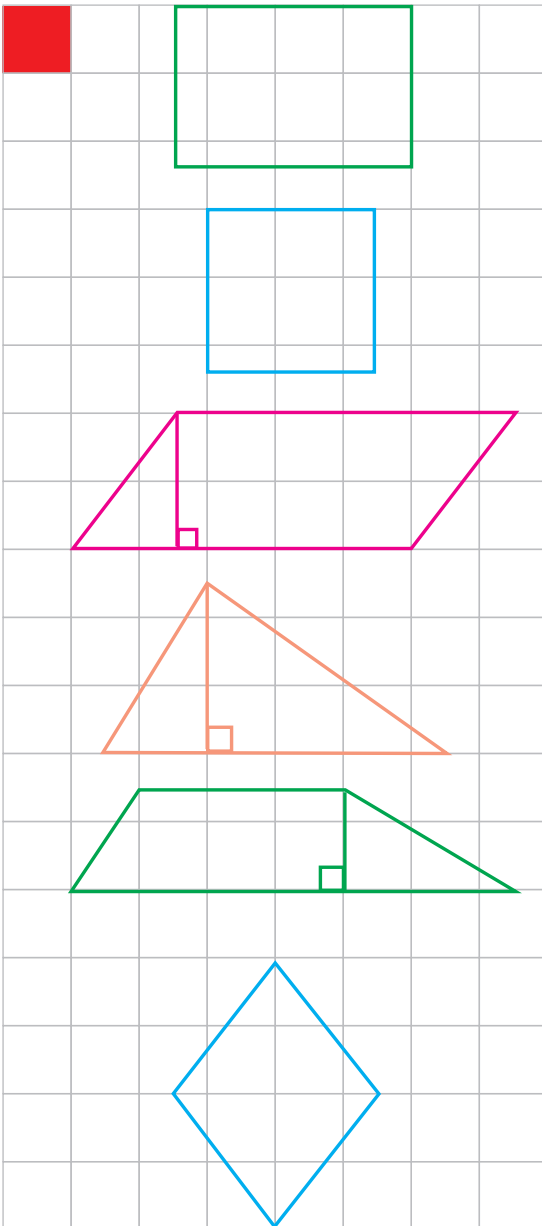
فعالیت

مانند نمونه مساحت شکل ها را یک بار با شمردن خانه های شطرنجی به دست آورید. بار دیگر مساحت ها را با توجه به اندازه ی ضلع های شکل، به کمک صفحه ی شطرنجی و استفاده از رابطه ی مساحت شکل ها، محاسبه کنید. پاسخ های دو قسمت را با هم مقایسه کنید.



از راه شمردن:

۱ سانتی متر مربع



$$\text{مساحت مستطیل} = 6 + 5 \times 0/5 + 0/25 =$$

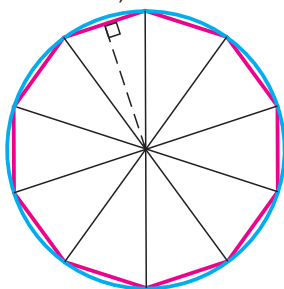
$$8/75 \text{ سانتی مترمربع}$$

به کمک رابطه:

$$\text{مساحت مستطیل} = 3/5 \times 2/5 =$$



در شکل روبه‌رو طول ضلع و ارتفاع یک مثلث را با خطکش با تقریب کمتر از $1/10$ (با واحد سانتی‌متر) اندازه بگیرید.



اندازه‌ی قاعده = اندازه‌ی ارتفاع = اندازه‌ی ضلع = شعاع دایره

با توجه به اندازه‌های بالا مساحت دایره را به دو صورت به دست آورید.

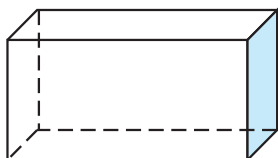
$$= 14/3 \times \text{شعاع} \times \text{شعاع} = \text{مساحت دایره}$$

$$= 10 \times \text{مساحت مثلث} = \text{مساحت دایره}$$

دلیل اختلاف پاسخ‌ها چیست؟

چگونه می‌توان دقت محاسبه‌ی مساحت دایره را افزایش داد؟

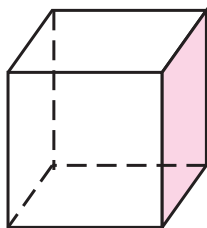
هر جسم هندسی دارای سطح‌های مختلف است. برای مثال یک مکعب مستطیل ۶ سطح (وجه) دارد که ۲ به ۲ با هم برابرند. سطح‌های (وجه‌های) برابر را در مکعب مستطیل روبه‌رو نشان دهید.



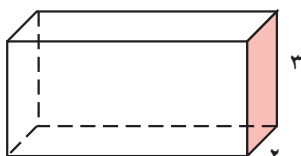
فعالیت



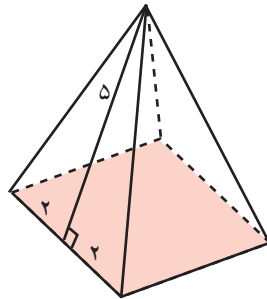
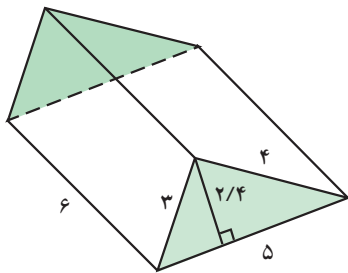
با توجه به اندازه‌های داده شده، مساحت همه‌ی سطح‌های جسم‌های زیر را پیدا کنید.



۲/۱ سانتی‌متر



۵/۵ سانتی‌متر



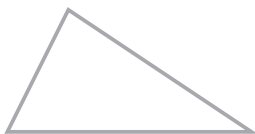
برای محاسبه‌ی مساحت شکل‌های هندسی ابتدا باید طول ضلع‌ها و دیگر اجزای مورد نیاز مانند ارتفاع را اندازه بگیریم. در این اندازه‌گیری از عدد تقریبی استفاده می‌کنیم.

۱- اندازه‌ی ضلع‌های کتاب ریاضی را با خطکش اندازه بگیرید. مساحت جلد کتاب ریاضی چند سانتی‌متر مربع است؟



۲- اندازه‌ی طول و عرض کلاس خود را با متر اندازه بگیرید و با تقریب کمتر از 0.1 بیان کنید. مساحت کلاس شما چند متر مربع است؟

۳- در شکل‌های زیر طول‌های مورد نیاز را اندازه بگیرید. مساحت شکل‌ها چند سانتی‌متر مربع است؟

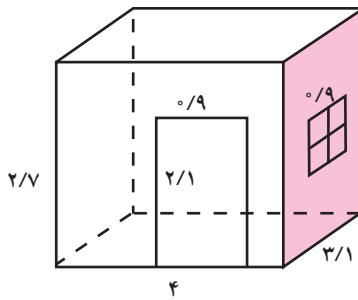


تمرین

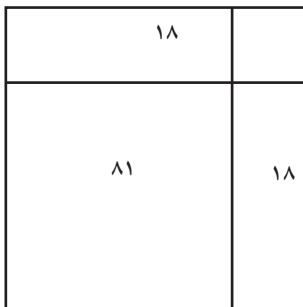


۱- فاطمه برای تولد دوستش یک عروسک خریده است. این عروسک در جعبه‌ای به اندازه‌های ۲۰ ، ۱۵ و ۶ سانتی‌متر است. فاطمه می‌خواهد با کاغذ رنگی تمام سطح‌های آن به‌جز وجهی که عروسک از آن دیده می‌شود را بپوشاند. او دست‌کم چند سانتی‌متر مربع کاغذ رنگی نیاز دارد؟

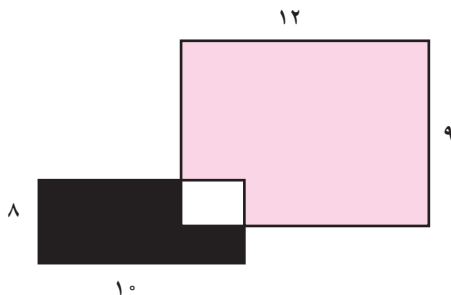
۲- یک اتاق به شکل زیر است. با توجه به اندازه‌های اتاق، در و پنجره، اگر یک نقاش بخواهد دیوارها و سقف را رنگ کند، چند مترمربع را باید رنگ بزند؟ اگر با هر کیلوگرم رنگ بتوان ۱۲ مترمربع را رنگ کرد، برای رنگ کردن این اتاق چند کیلوگرم رنگ نیاز دارد؟



۳- با توجه به شکل و مساحت‌های نوشته شده، طول ضلع مربع بزرگ را پیدا کنید.



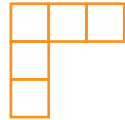
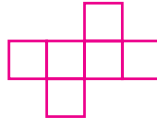
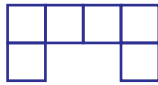
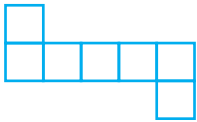
۴- اگر مساحت قسمت سیاه ۴۷ سانتی‌متر مربع باشد، مساحت قسمت صورتی چه قدر است؟



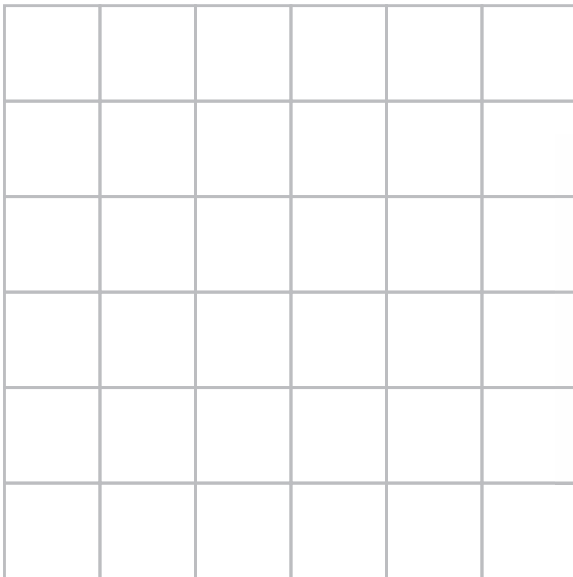
حل مسئله

برای حلّ بعضی از مسئله‌ها می‌توانید همه‌ی حالت‌های ممکن را در نظر بگیرید، سپس با توجه به شرایط و موضوعی که در مسئله طرح شده است، حالت‌های نامطلوب یا ناممکن را حذف کنید تا پاسخ مسئله پیدا شود.

۱- کدام یک از شکل‌های زیر باز شده‌ی (گسترده‌ی) یک مکعب است؟ توضیح دهید که چرا بقیه نمی‌توانند پاسخ مسئله باشند. یک دلیل برای هر شکل بنویسید.



۲- در یک خانه‌ی این صفحه‌ی شطرنجی یک گنج قرار دارد. هر بار می‌توانید دوسطح را مشخص کنید و از کسی که می‌داند گنج کجاست، پرسید که گنج در کدام یک از دو بخش است. با چند پرسش می‌توانید جای گنج را تعیین کنید؟



می‌توانید این بازی را در کلاس به صورت دو نفره انجام دهید. یک نفر در ذهن خود جای گنج را مشخص و دیگری با پرسیدن از او، گنج را پیدا کند. هر کسی با تعداد سؤال‌های کم‌تری گنج را یافت، برنده است.

(بخشی که گنج در آن نیست، نامطلوب است و می‌توانید آن بخش را حذف کنید.)

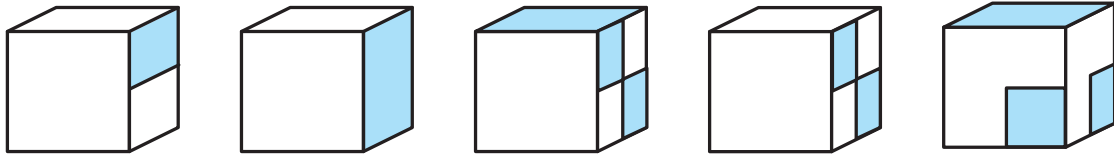
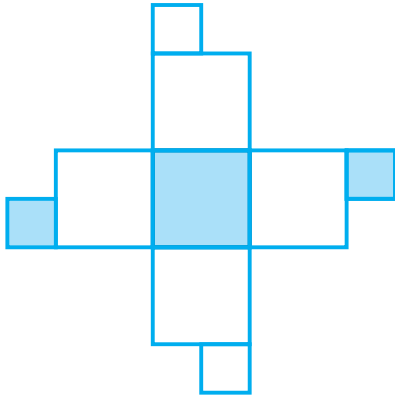
حذف حالت‌های نامطلوب

برای نوشتن همه‌ی حالت‌های ممکن می‌توانید تفکر نظام‌دار را به کار ببرید. سپس از بین همه‌ی حالت‌ها و با توجه به شرایط مسئله، پاسخ را پیدا کنید.

۱- حاصل ضرب ۳ عدد صحیح، ۷۲ است. مجموع این سه عدد ۱۴ است. آن سه عدد را پیدا کنید.

مسئله چند پاسخ دارد؟

۲- شکل روبه‌رو گسترده‌ی کدام مکعب‌هاست؟



برای رد کردن هر گزینه یک دلیل بیاورید.

۳- بزرگ‌ترین عدد سه رقمی را بنویسید که رقم تکراری نداشته باشد و بر ۱۵ بخش پذیر باشد.

مقایسه و اندازه‌گیری حجم

۱- می‌خواهیم حجم دو تکه سنگ را با هم مقایسه کنیم. با استفاده از لیوان مدرج چگونه می‌توان این کار را انجام داد؟ توضیح دهید.



فعالیت

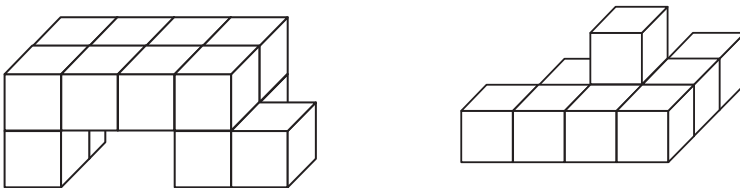


۲- چه روش‌های دیگری برای مقایسه‌ی دو حجم می‌شناسید؟

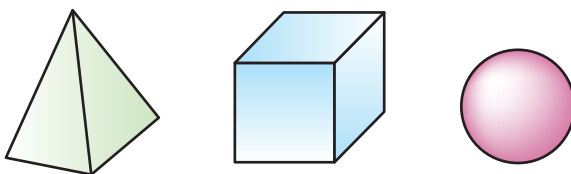
استفاده از روش‌های بالا همیشه ممکن نیست. برای مقایسه‌ی حجم‌ها به واحد اندازه‌گیری نیاز داریم. هر حجمی را می‌توان به‌عنوان واحد اندازه‌گیری به کار برد.



۱- با مکعب‌های هم‌اندازه (چینه) حجم‌های زیر را بسازید.

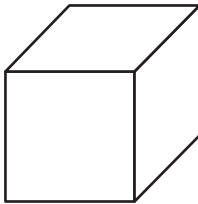
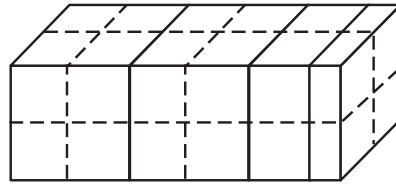
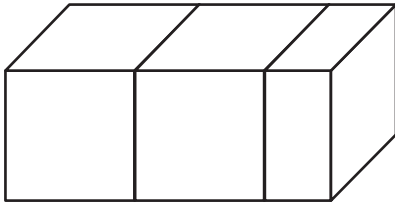


۲- با کدام یک از حجم‌های زیر بهتر می‌توان یک حجم را اندازه‌گیری کرد؟ چرا؟





حجم شکل را با ۲ واحد مختلف اندازه بگیرید و با عددهای مخلوط به صورت تقریبی بیان کنید.



حجم واحد (۱)



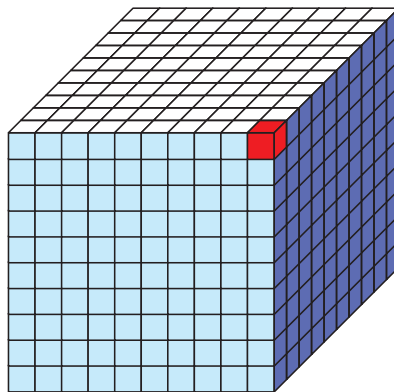
حجم واحد (۱)

چرا اندازه‌ها متفاوت است؟
کارکردن با کدام واحد ساده‌تر است؟
آیا برای تشخیص قسمت کسری، واحدها را به قسمت‌های کوچک‌تر تقسیم کردید؟

برای این‌که هر جسم، حجم معینی داشته باشد و برای همه شناخته شده باشد، واحدهای استاندارد را به‌کار می‌بریم. بعضی از واحدهای استاندارد حجم مترمکعب، دسی‌مترمکعب و سانتی‌مترمکعب است.



۱- مانند نمونه واحدهای اندازه‌گیری را به هم تبدیل کنید.



یک سانتی‌مترمکعب



$$= 1000 \text{ سانتی‌متر} \times 10 \text{ سانتی‌متر} \times 10 \text{ سانتی‌متر} = 1000 \text{ دسی‌متر} \times 10 \text{ دسی‌متر} \times 10 \text{ دسی‌متر} = 1000 \text{ دسی‌مترمکعب}$$

$$= 1000 \text{ سانتی‌متر مکعب}$$

$$= 1 \text{ متر} \times 1 \text{ متر} \times 1 \text{ متر} = 1 \text{ مترمکعب}$$

$$= 1 \text{ دسی‌مترمکعب}$$

$$= 1 \text{ متر} \times 1 \text{ متر} \times 1 \text{ متر} = 1 \text{ مترمکعب}$$

$$= 1 \text{ دسی‌مترمکعب}$$

۲- به کمک جدول تناسب واحدها را تبدیل کنید.

مترمکعب	۱	؟
دسی متر مکعب	۱۰۰۰	۳۵۰

$$? = \frac{۳۵۰ \times ۱}{۱۰۰۰} \rightarrow \text{مترمکعب} = ۳۵۰ \text{ دسی متر مکعب} \rightarrow$$

مترمکعب	۱	
ساتی متر مکعب	۱۰۰۰۰۰۰	

$$\rightarrow \text{ساتی متر مکعب} = ۲۷ / ۱ \text{ متر مکعب} \rightarrow$$

دسی متر مکعب	۱	
ساتی متر مکعب		

$$\rightarrow \text{ساتی متر مکعب} = ۷۰ / ۱ \text{ دسی متر مکعب} \rightarrow$$



۱- برای اندازه گیری هر کدام چه واحدی مناسب تر است؟

حجم یک اتاق:

حجم یک یخچال:

حجم یک حبه قند:

حجم یک صندوقچه:

۲- با توجه به موضوع و عدد نوشته شده واحد مناسبی انتخاب کنید.

حجم یک کمد لباس، $۱/۳۲$ ----- است.

حجم یک گاوصندوق، $۵/۰۸۴$ ----- است.

حجم یک بسته ۲۰ تایی کتاب ریاضی، ۱۲۰۰۰ ----- است.

۳- برای هر یک از اندازه های زیر یک مثال بیاورید.

$۲/۳$ متر مکعب:

۴۵ متر مکعب:

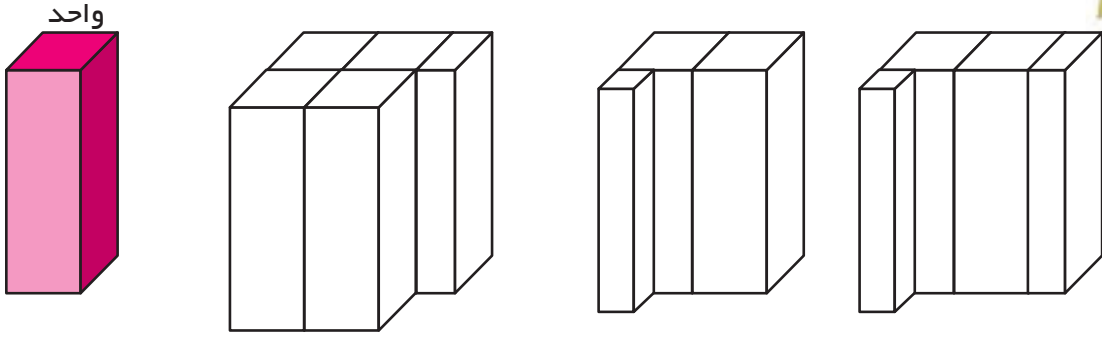
۹۲۰ ساتی متر مکعب:

$۴/۷۱$ دسی متر مکعب:

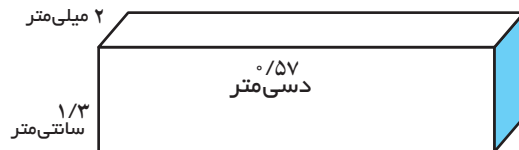
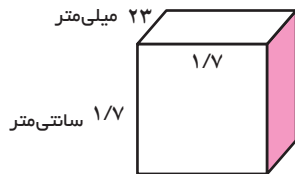
تمرین



۱- با توجه به واحد اندازه‌گیری داده شده، حجم هر شکل را با یک عدد مخلوط بیان کنید.

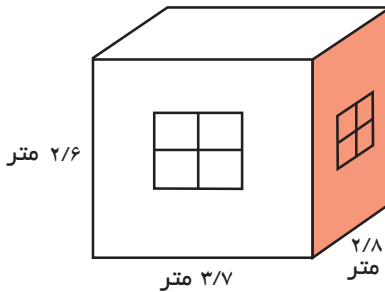


۲- حجم شکل‌ها را به دست آورید. (به واحدها توجه کنید.)

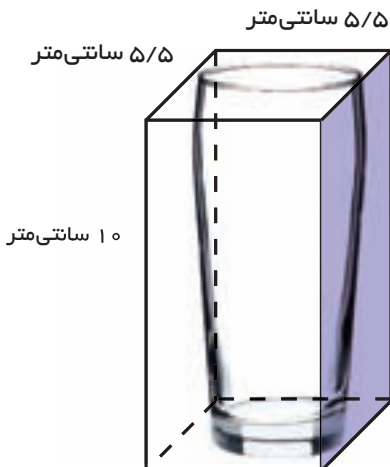


۳- گنجایش اتاق چند مترمکعب است؟

اگر $\frac{1}{5}$ هوای اتاق اکسیژن باشد، چند مترمکعب اکسیژن در هواست؟



۴- با توجه به حجم جعبه، گنجایش لیوان را به صورت تقریبی به دست آورید.



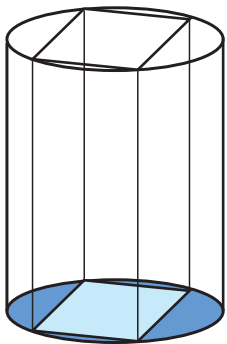
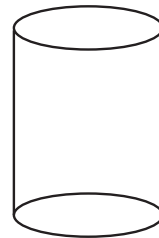
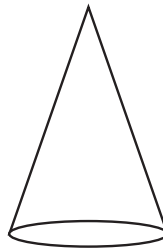
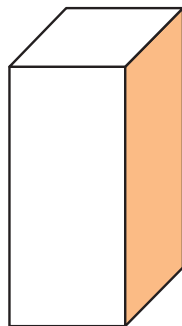
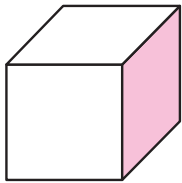
حجم شکل‌های هندسی

فعالیت

۱- شیء‌های زیر را بردارید و روی یک کاغذ بگذارید. دور تا دور آن‌ها را خط بکشید. بعد از برداشتن، چه شکلی دیده می‌شود؟

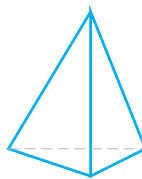
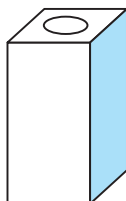
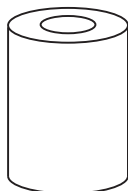


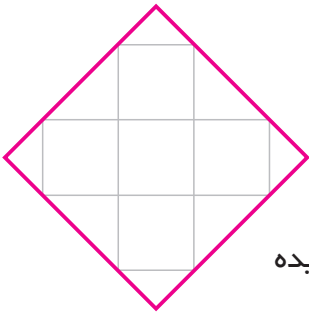
۲- حالا بگویید اگر حجم‌های هندسی زیر را روی کاغذ بگذاریم و دور آن‌ها خط بکشیم، چه شکلی دیده می‌شود؟



۳- درون یک استوانه، یک مکعب مستطیل گذاشته شده است، طوری که گوشه‌های مکعب روی لبه‌های استوانه است. اگر این حجم را از بالا و به‌طور عمودی نگاه کنیم، چه شکلی دیده می‌شود؟

۴- اگر هر یک از جسم‌های زیر را از بالا نگاه کنیم، چه شکلی دیده می‌شود؟ آن را رسم کنید.

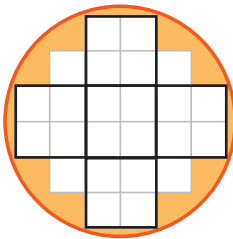




۱- یک مکعب مستطیل را با مکعب‌های کوچک واحد پر کرده‌ایم. شکل روبه‌رو تصویر آن را از بالا نشان می‌دهد.

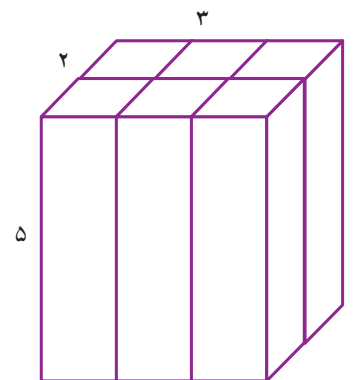
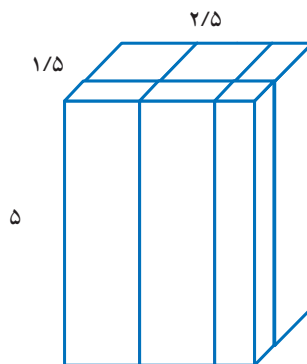
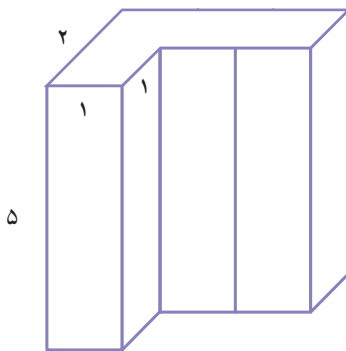
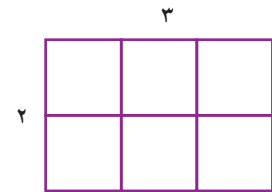
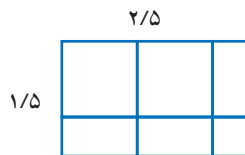
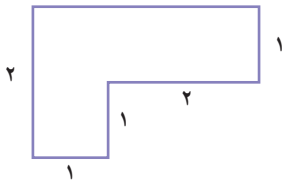
اگر در این مکعب مستطیل ۴ ردیف مکعب واحد به همین ترتیب چیده شده باشد، حجم مکعب مستطیل تقریباً چند مکعب واحد است؟

۲- یک استوانه را با مکعب‌های واحد پر کرده‌ایم، شکل زیر تصویر آن را از بالا نشان می‌دهد.



اگر ۵ ردیف مکعب واحد چیده شده باشد، حجم استوانه به صورت تقریبی چند مکعب واحد است؟ هر مربع را به ۴ قسمت مساوی تقسیم کرده‌ایم تا مکعب واحد، کوچک‌تر شود. آیا با این کار تقریب بهتری از حجم به دست آورده‌ایم؟

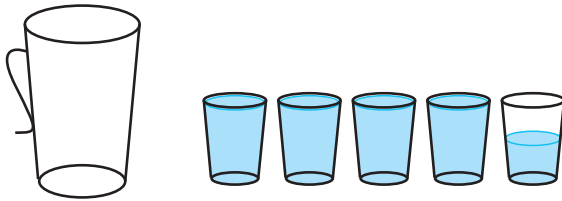
۳- در شکل‌های زیر تصویر از بالای چند حجم هندسی کشیده شده است. اگر ارتفاع همه‌ی آن‌ها ۵ سانتی‌متر باشد، حجم هر کدام را حساب کنید.



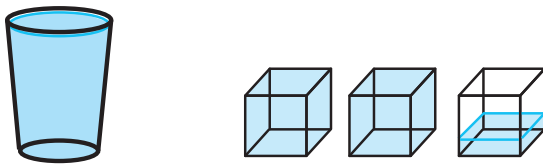
فعالیت



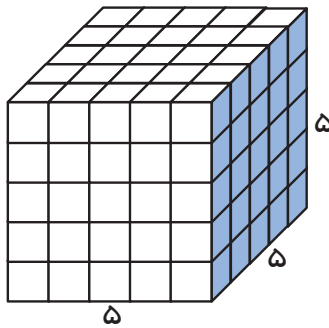
۱- یک پارچ پر از آب داشتیم. آب پارچ را در چند لیوان ریختیم. با توجه به شکل اگر واحد گنجایش را یک لیوان در نظر بگیریم، گنجایش پارچ را با یک عدد مخلوط بیان کنید.



۲- سپس آب یک لیوان را در چند مکعب ریختیم، با توجه به شکل اگر واحد گنجایش را یک مکعب در نظر بگیریم، گنجایش یک لیوان را به صورت یک عدد مخلوط بیان کنید.



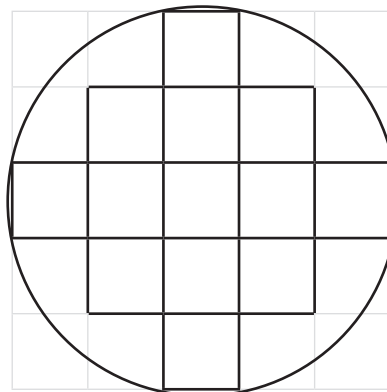
۳- هر مکعب بالا به صورت زیر با مکعب‌های ریزتری به حجم یک سانتی‌متر مکعب پر می‌شود. حال بگویید گنجایش پارچ بالا چند سانتی‌متر مکعب است؟



کار در کلاس



- ۱- با توجه به اطلاعات زیر گنجایش قندان را به دست آورید.
- هر حبه قند یک مکعب به ضلع ۱ سانتی‌متر است.
- در قندان ۵ ردیف قند چیده شده است.
- تصویر از بالای قندان به صورت زیر است.

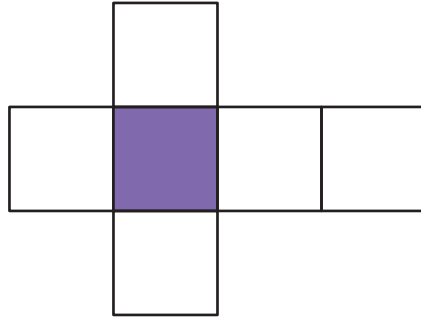
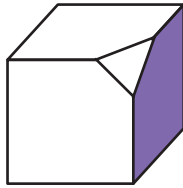


تمرین

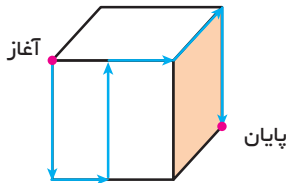


۱- یک لانه‌ی زنبور به شکل روبه‌روست. اگر مساحت یک شش ضلعی تقریباً ۱ سانتی‌متر مربع و ارتفاع این خانه تقریباً ۳ سانتی‌متر باشد، به‌طور تقریبی چند سانتی‌متر مکعب عسل از این کندو به‌دست می‌آید؟

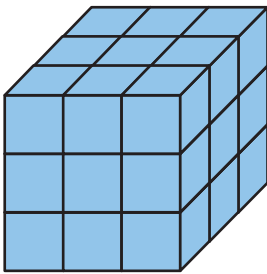
۲- یک گوشه‌ی مکعب را بریده‌ایم. شکل گسترده‌ی مکعب را اصلاح کنید.



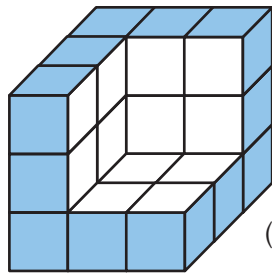
۳- یک مورچه مسیر مشخص شده را روی مکعبی به ضلع ۱۲ سانتی‌متر طی می‌کند. طول مسیر مورچه را به‌دست آورید؟



۴- برای رنگ کردن مکعب شکل ۱، از ۹ گرم رنگ استفاده کرده‌ایم. برای رنگ کردن قسمت‌های سفید حجم شکل ۲، چند گرم رنگ نیاز داریم؟

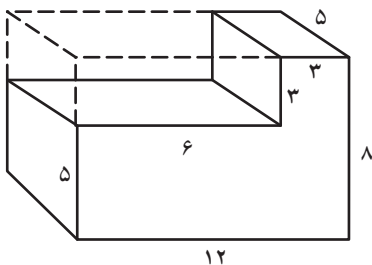


(۱)



(۲)

۵- چه کسری از مکعب مستطیل بزرگ برداشته شده است؟



مرور فصل

با نوشتن آنچه که از شما خواسته شده، خلاصه‌ای از درس‌هایی را که در این فصل یاد گرفته‌اید، تهیه کنید.

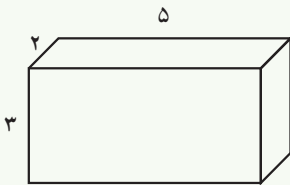


۱- واحدهای مختلف اندازه‌گیری سطح را نام ببرید.

۲- چگونه واحد مترمربع را به سانتی‌مترمربع تبدیل می‌کنید؟

۳- اگر یک شکل هندسی به شما بدهند، چگونه مساحت آن را حساب می‌کنید؟

۴- یک مکعب مستطیل چند وجه (سطح) دارد؟ چگونه مساحت همه‌ی سطح‌های آن را پیدا می‌کنید؟



۵- واحدهای مختلف اندازه‌گیری حجم یا گنجایش را نام ببرید.

۶- چگونه واحد مترمکعب را به دسی‌مترمکعب تبدیل می‌کنید؟

۷- تصویر از بالای یک حجم یعنی چه؟ یک مکعب مستطیل از بالا چه دیده می‌شود؟

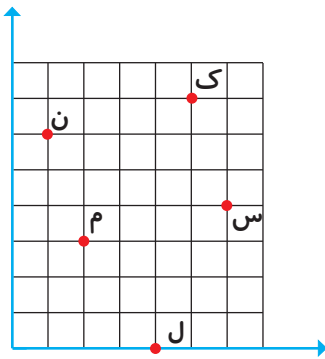
۸- توضیح دهید که چگونه می‌توان گنجایش یک پارچ یا قندان را با واحد سانتی‌مترمکعب تقریب زد.

مختصات و عددهای صحیح

فصل



محورهای مختصات



فعالیت



مکان همی نقطه‌های یک صفحه را می‌توانیم به کمک دو محور عمود بر هم مشخص کنیم.

مثال: برای رسیدن به نقطه‌ی م، از مبدأ مختصات، ۲ واحد

به سمت راست و سپس ۳ واحد به سمت بالا رفته‌ایم.

نقطه‌ی م را به صورت $\begin{bmatrix} ۲ \\ ۳ \end{bmatrix}$ نشان می‌دهیم.

۱- حالا مختصات بقیه‌ی نقطه‌ها را مشخص کنید.

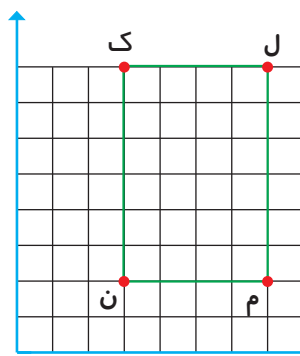
$$ک = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix} \quad ج = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix}$$

$$ن = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix} \quad س = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix}$$

۲- نقطه‌های $ج = \begin{bmatrix} ۵ \\ ۴ \end{bmatrix}$ ، $د = \begin{bmatrix} ۲ \\ ۲ \end{bmatrix}$ ، $ر = \begin{bmatrix} ۳ \\ ۸ \end{bmatrix}$ ، $آ = \begin{bmatrix} ۷ \\ ۲ \end{bmatrix}$ را روی صفحه‌ی مختصات بالا پیدا کنید.

صفحه‌ی مختصات از دو محور افقی و عمودی تشکیل شده است. به دو عددی که با آن مکان نقطه

را در صفحه تعیین می‌کنیم، مؤلفه‌های افقی و عمودی می‌گوییم و مختصات نقطه را به صورت $\begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix}$ نشان می‌دهیم. در قسمت بالا مؤلفه‌ی افقی و پایین آن مؤلفه‌ی عمودی را می‌نویسیم.



۳- شکل زیر را در صفحه‌ی مختصات رسم کنید.

$$س = \begin{bmatrix} ۲ \\ ۵ \end{bmatrix} \quad ب = \begin{bmatrix} ۰ \\ ۴ \end{bmatrix} \quad آ = \begin{bmatrix} ۵ \\ ۲ \end{bmatrix}$$

مثلث با رأس‌های

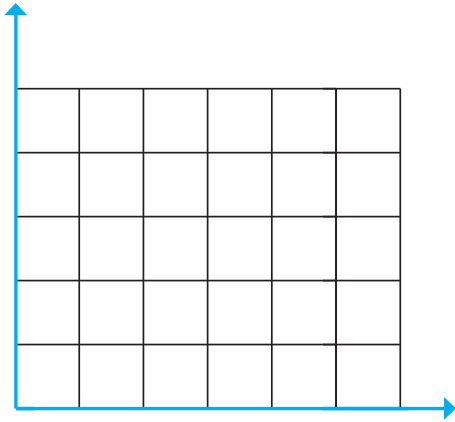
۴- مختصات رأس‌های مستطیل را بنویسید.

$$ک = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix} \quad ج = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix} \quad م = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix} \quad ن = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix}$$



۱- مختصات رأس‌های یک مثلث عبارت‌اند از:

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 3 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 3 \\ 1 \end{bmatrix}$$

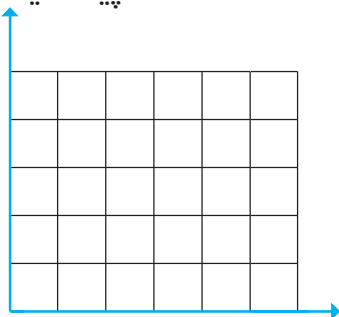


مثلث را رسم کرده و مساحت آن را به‌دست آورید.

۲- مانند مثال‌های بالا، مساحت شکل‌هایی را که مختصات آن‌ها داده شده است، پیدا کنید.

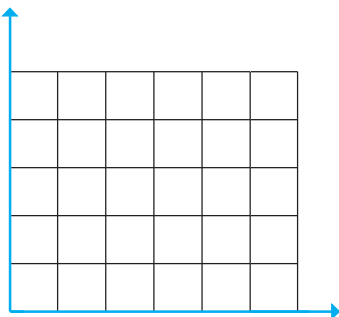
مستطیل

$$\begin{bmatrix} 1/5 \\ 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1/5 \\ 3 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 4 \\ 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 4 \\ 3 \end{bmatrix}$$



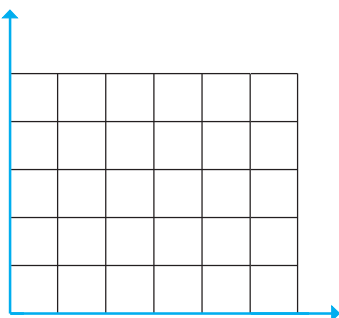
متوازی‌الاضلاع

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1/5 \\ 2 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 4/25 \\ 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 4/25 \\ 2 \end{bmatrix}$$



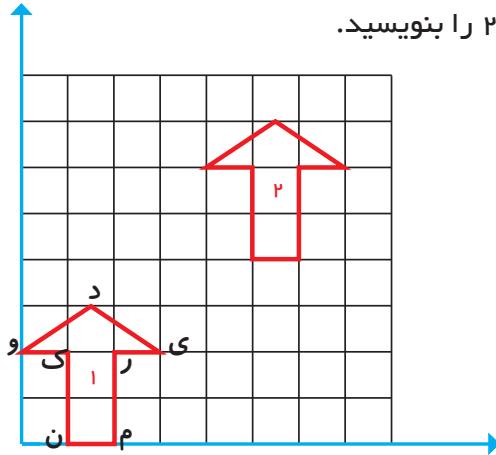
ذوزنقه

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 2/25 \\ 1/5 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 5/5 \\ 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 4 \\ 1/5 \end{bmatrix}$$





۱- مختصّات رأس‌های شکل‌های ۱ و ۲ را بنویسید.



شکل ۱ ن = [] م = [] ر = [] ی = [] د = [] و = [] ک = []

شکل ۲ ن = [] م = [] ر = [] ی = [] د = [] و = [] ک = []

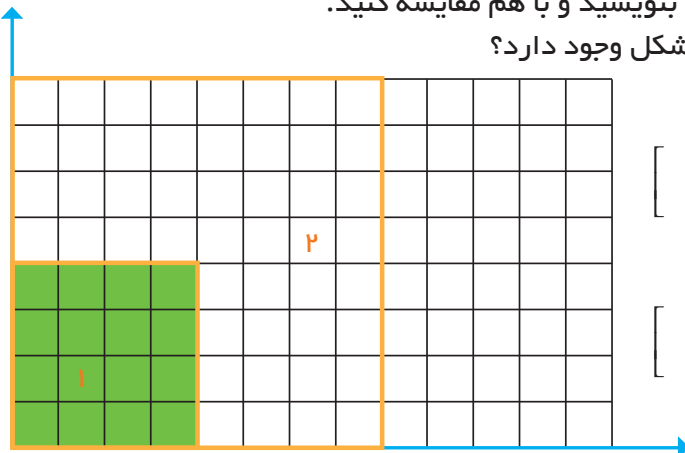
چه رابطه‌ای بین مختصّات این دو شکل وجود دارد؟

۲- اگر شکل (۱) را ۲ واحد به سمت راست و ۵ واحد به سمت بالا ببریم تا به شکل شماره‌ی (۳) برسیم، مختصّات شکل (۳) را بنویسید و آن را رسم کنید.

شکل ۳ [] [] [] [] [] [] [] []

۳- مختصّات رأس‌های دو شکل را بنویسید و با هم مقایسه کنید.

چه رابطه‌ای بین مختصّات این دو شکل وجود دارد؟



شکل ۱ [] [] [] []

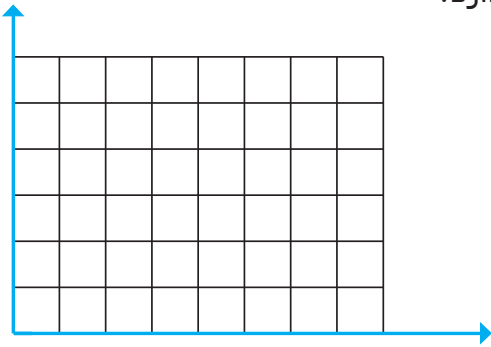
شکل ۲ [] [] [] []



۱- چه رابطه‌ای بین رأس‌های دو مثلث زیر وجود دارد؟

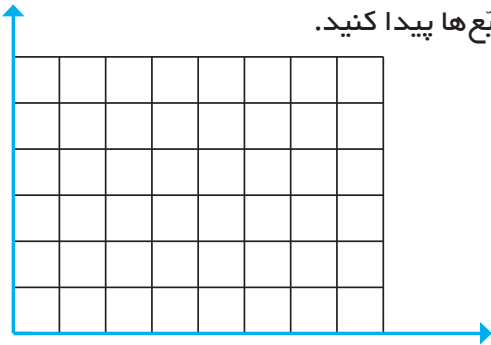
مثلث ۱: $\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 6 \\ 1 \end{bmatrix}$

مثلث ۲: $\begin{bmatrix} 1 \\ 5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 7 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 6 \\ 5 \end{bmatrix}$

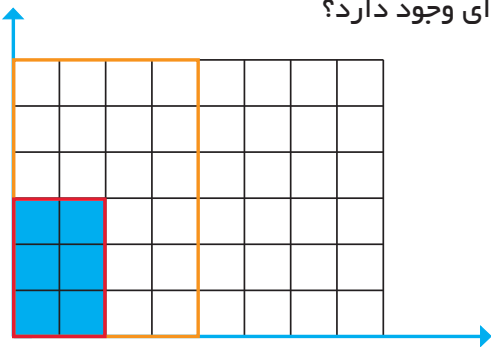


۲- مساحت شکلی با رأس‌های زیر را با شمردن مربع‌ها پیدا کنید.

$\begin{bmatrix} 1 \\ 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 \\ 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 6 \\ 7 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 8 \\ 5 \end{bmatrix}$



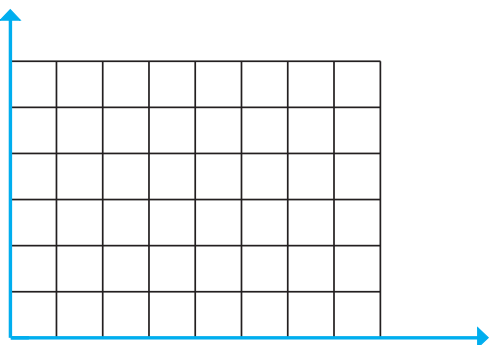
۳- بین مختصات مستطیل کوچک و بزرگ چه رابطه‌ای وجود دارد؟



مستطیل کوچک $\begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix}$

مستطیل بزرگ $\begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix}$

بین مساحت دوشکل چه رابطه‌ای وجود دارد؟



۴- از نقطه‌ی $\begin{bmatrix} 4 \\ 3 \end{bmatrix}$ به شعاع ۲ واحد یک دایره رسم کنید. اگر واحدهای سطح \square باشد، مساحت دایره را به صورت تقریبی پیدا کنید. حالا به کمک رابطه‌ی مساحت دایره، مقدار دقیق‌تر مساحت را به دست آورید. (π را $3/1$ در نظر بگیرید.) پاسخ‌ها را با هم مقایسه کنید.

تقارن و مختصات

فعالیت

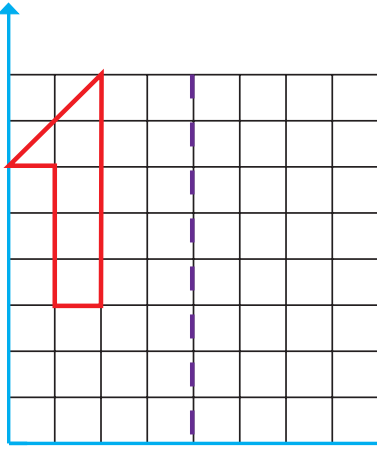


۱- مختصات شکل را بنویسید.

[] [] [] [] []

قرینه‌ی شکل را نسبت به محور تقارن به دست آورده مختصات شکل قرینه را بنویسید.

[] [] [] [] []

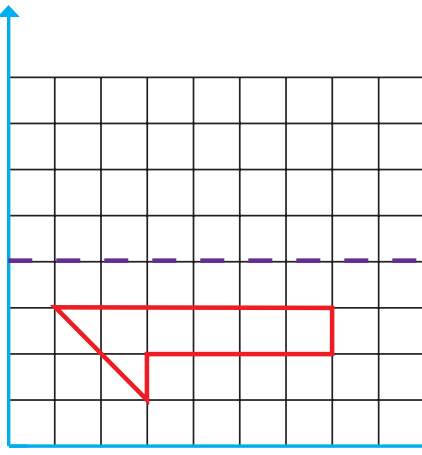


چه رابطه‌ای بین مختصات شکل و مختصات قرینه‌ی آن می‌بینید؟

۲- مختصات شکل و مختصات قرینه‌ی آن نسبت به محور تقارن را بنویسید و با هم مقایسه کنید.

شکل [] [] [] [] [] []

قرینه [] [] [] [] [] []

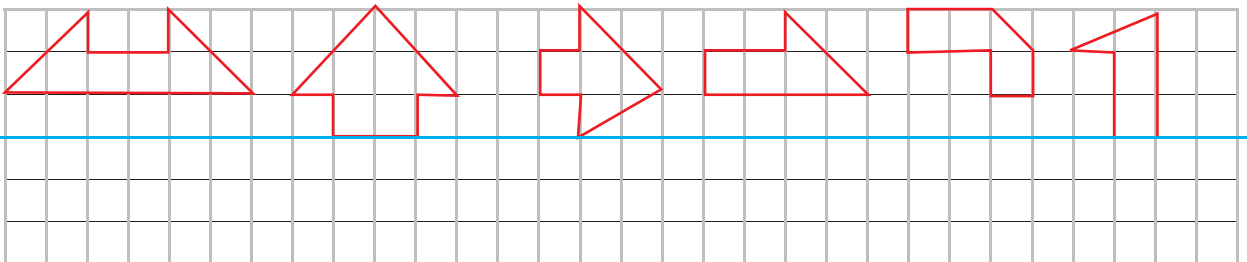


چه رابطه‌ای بین مختصات شکل و مختصات قرینه‌ی آن می‌بینید؟

می‌بایست کشیدن قرینه‌ی یک شکل نسبت به یک محور تقارن را تمرین کنید تا تصوّر و تجسم خوبی از قرینه‌ی یک شکل نسبت به یک خط پیدا کنید.

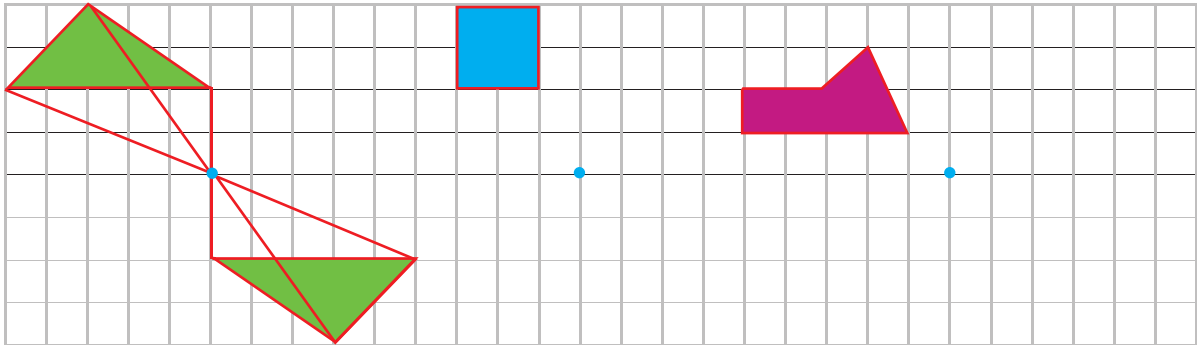
در صفحه‌ی شطرنجی زیر، قرینه‌ی هر شکل را نسبت به محور تقارن داده شده رسم کنید.

کار در کلاس





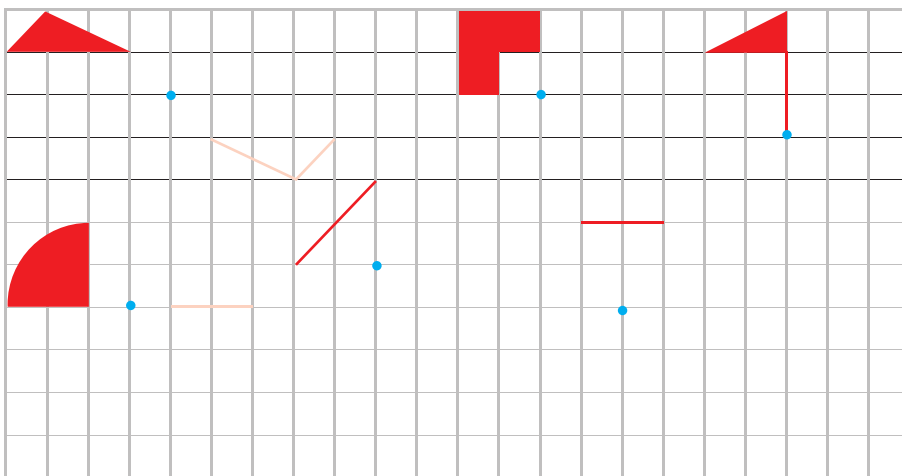
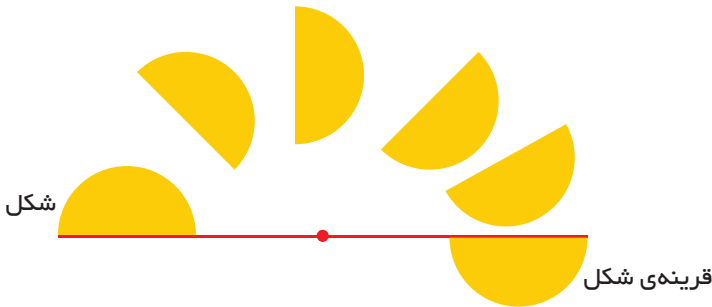
مانند نمونه قرینه‌ی هر شکل را نسبت به نقطه‌ی داده شده (مرکز تقارن) پیدا کنید.



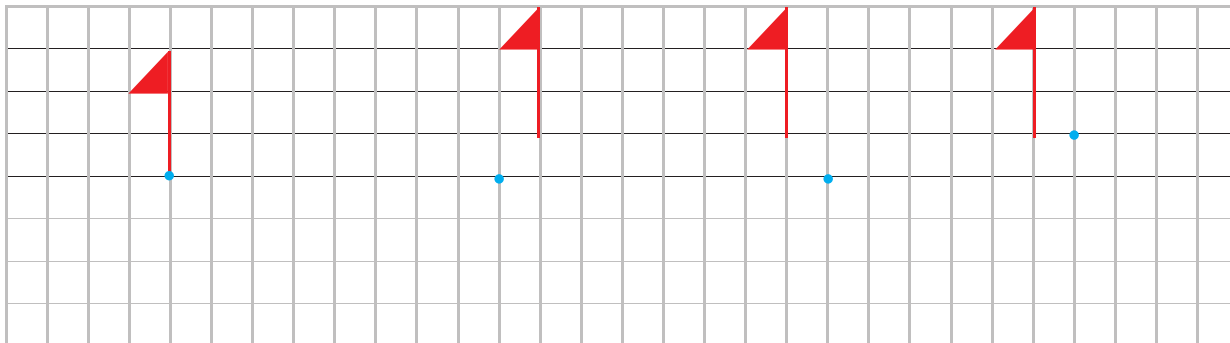
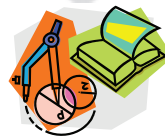
توضیح دهید چگونه قرینه‌ی یک شکل را نسبت به یک نقطه پیدا می‌کنید.

قرینه‌ی مرکزی را می‌توان با دوران دادن شکل حول مرکز تقارن نیز پیدا کرد. یک بار دیگر به شکل‌های بالا نگاه کنید و بین شکل و قرینه‌ی آن یک رابطه‌ی دورانی پیدا کنید.

مانند نمونه قرینه‌ی هر شکل نسبت به مرکز تقارن داده شده را با دوران شکل حول مرکز تقارن پیدا کنید.

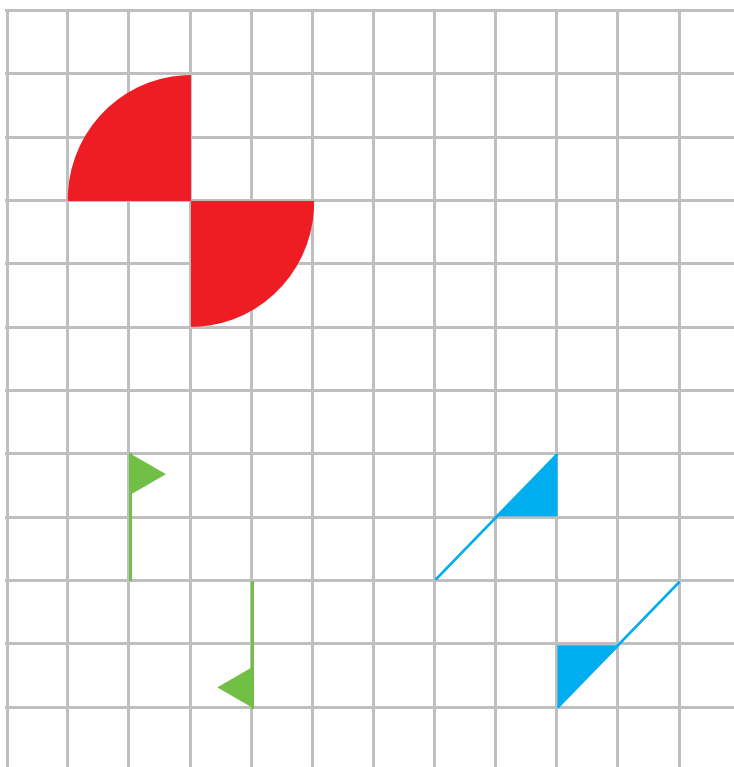


۱- هر شکل را حول نقطه‌ی داده شده به اندازه‌ی 180° درجه در جهت عقربه‌های ساعت بچرخانید و شکل دوران یافته یا قرینه را رسم کنید.



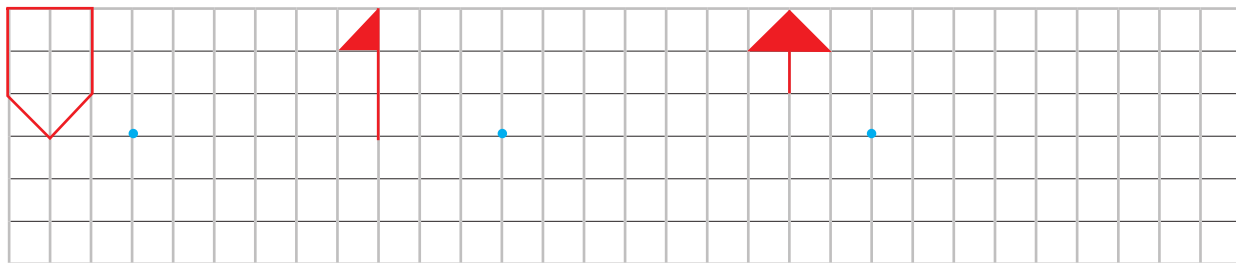
توضیح دهید چگونه دوران یافته‌ی شکل را پیدا کردید؟

با توجه به فعالیت بالا و آنچه که آموختید، اگر هر شکل 180° درجه در جهت عقربه‌های ساعت چرخیده باشد، مرکز دوران یا مرکز تقارن را پیدا کنید.

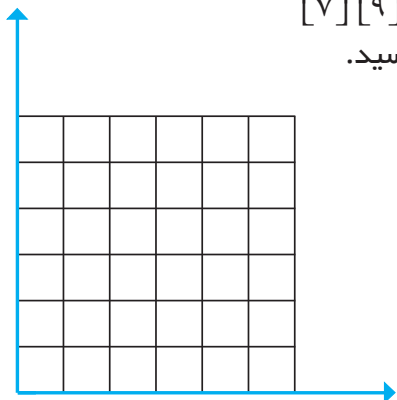




۱- شکل‌های داده شده را حول مرکز تقارن، 180° درجه دوران دهید تا قرینه‌ی آن نسبت به مرکز تقارن پیدا شود.

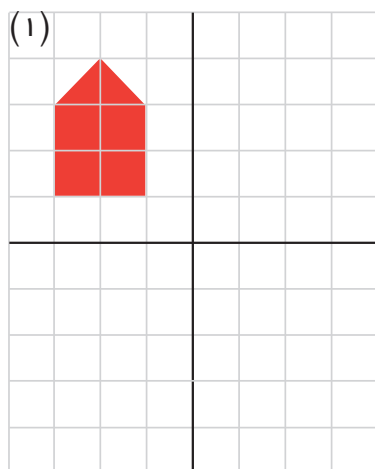
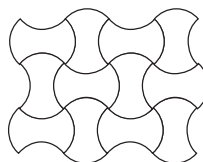
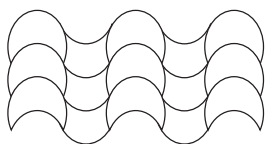


۲- قرینه‌ی چهارضلعی به مختصات رأس‌های $\begin{bmatrix} 2 \\ 6 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 3 \\ 8 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 1 \\ 9 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 0 \\ 7 \end{bmatrix}$ را نسبت به مرکز تقارن پیدا کرده و مختصات رأس‌های قرینه‌ی آن را بنویسید.



[] [] [] []

۳- کاشی‌هایی را که با یک جابه‌جایی و بدون چرخش، روی هم منطبق می‌شوند، هم‌رنگ کنید.



۴- قرینه‌ی شکل (۱) را نسبت به محور تقارن عمودی پیدا کنید تا شکل (۲) به‌دست آید. قرینه‌ی شکل (۲) را نسبت به محور تقارن افقی پیدا کنید تا شکل (۳) به‌دست آید. اگر قرینه‌ی شکل (۱) را نسبت به محل تقاطع دو محور تقارن به‌دست آورید، چه شکلی به‌دست می‌آید؟ چه نتیجه‌ای می‌گیرید؟

هنگام حلّ یک مسئله فهرست راهبردهایی را که یاد گرفته‌اید، در نظر بگیرید. هر بار یک راهبرد را انتخاب و شروع به حل مسئله کنید. در صورتی که آن راهبرد مناسب نبود، راهبرد خود را تغییر دهید.

۱- چند عدد ۲ رقمی می‌توانید بنویسید که رقم یکان آن‌ها یکی از عددهای ۳، ۵ و ۷ و رقم دهگان آن‌ها یکی از عددهای ۸، ۶، ۴، ۲ و ۹ باشد؟

۲- سیم نازکی را به شکل مربعی به ضلع ۸ سانتی‌متر در آورده‌ایم. اکنون آن را باز می‌کنیم و به شکل یک مستطیل به عرض ۳ سانتی‌متر در می‌آوریم. طول این مستطیل چه قدر است؟

۳- در مسابقه‌های لیگ برتر فوتبال، ۱۸ تیم حضور دارند. اگر در یک فصل هر تیم به صورت رفت و برگشت با تیم‌های دیگر بازی کند، در مجموع چند بازی انجام خواهد شد؟



۴- مریم و لاله ۱۰۵ متر با هم فاصله دارند. مریم در هر ثانیه ۶ متر به طرف لاله می‌دود و لاله در هر ثانیه ۹ متر به طرف مریم می‌دود. هر یک از آن‌ها چند سانتی‌متر را باید بدود تا به دیگری برسد؟

۵- سرعت نور در هر ثانیه ۳۰۰۰۰۰ کیلومتر است. اگر فاصله‌ی خورشید از زمین ۱۵۰۰۰۰۰۰۰ کیلومتر باشد، چند ساعت و چند دقیقه و چند ثانیه طول می‌کشد تا نور خورشید به زمین برسد؟

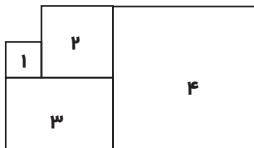
کاربرد راهبردها

راهبردهایی را که تاکنون یاد گرفته‌اید، مرور کنید و بررسی کنید که هر راهبرد برای چه نوع مسئله‌هایی مناسب است. در صورتی که نام و کاربرد هر راهبرد را به یاد آورید، حل کردن مسئله‌ها برای شما ساده‌تر می‌شود.

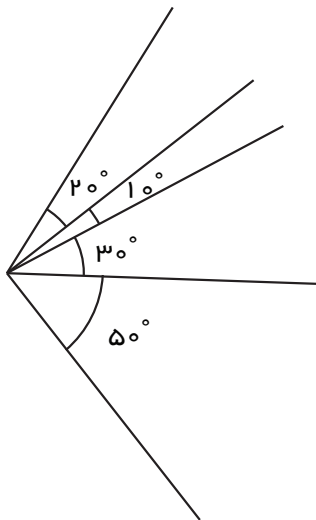
۶- شش مربع مساوی به ضلع ۱ سانتی‌متر را کنار هم قرار دهید، به طوری که محیط شکل ساخته شده یکی از عددهای ۱۲، ۱۰، یا ۱۸ باشد.
بیش‌ترین و کم‌ترین محیطی که با کنار هم قرار دادن این ۶ مربع به دست می‌آید، چه عددهایی هستند؟

۷- سنگ‌های یک معدن ۲ درصد مس دارند. اگر ۱۰ تن سنگ از این معدن استخراج شود، چند کیلو مس به دست می‌آید؟

۸- به شکل‌های ۱، ۲، ۳ و ۴ توجه کنید. اگر محیط مربع شماره‌ی یک برابر ۲۴ سانتی‌متر باشد، محیط شکل را پیدا کنید.



۹- در شکل روبه‌رو چند زاویه با اندازه‌های متفاوت دیده می‌شود؟



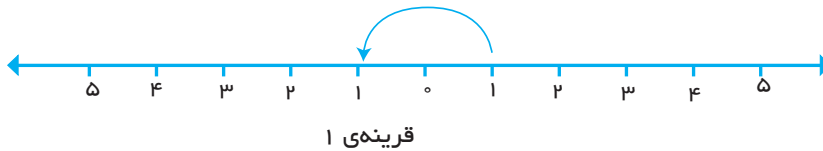
۱۰- در صورتی که تکرار رقم‌ها مجاز باشد، با رقم‌های ۰، ۳، ۵ و ۷ چند عدد سه‌رقمی می‌توان ساخت که بر ۲۵ بخش‌پذیر باشد؟

عددهای صحیح

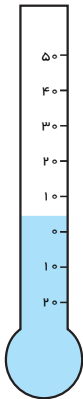
فعالیت



۱- با محور عددها آشنا شده‌اید. روی محور زیر قرینه‌ی هر عدد نوشته شده را نسبت به نقطه‌ی مبدأ (صفر) پیدا کنید. می‌توانید این کار را با پرگار انجام دهید.



۲- به دل‌خواه یک علامت برای قرینه‌ی عددها انتخاب کنید و نقطه‌های قرینه را با علامت خود نشان دهید.



۳- در اخبار هواشناسی عبارتهایی مانند این عبارتها را زیاد شنیده‌اید:

تهران ۵ درجه بالای صفر

بندرعباس ۱۷ درجه بالای صفر

مشهد ۳ درجه بالای صفر

تبریز ۸ درجه زیر صفر

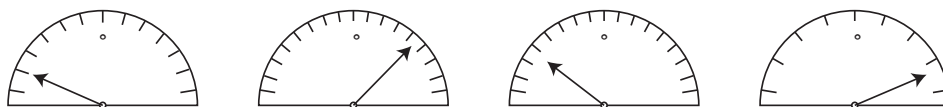
اراک صفر درجه

نام هر شهر را روی دماسنج، جلوی درجه‌ی مربوط به دمای آن شهر، بنویسید.

در ریاضیات برای ساده و مختصر کردن بیان عددهای علامت‌دار از علامت‌های + و - استفاده می‌کنیم. برای تعیین علامت عددها نیاز داریم که محل مبدأ و واحد اندازه‌گیری و همچنین جهت‌های مثبت و منفی را قرارداد کنیم و براساس آن، عددها را علامت‌دار کنیم.



۱- با توجه به محلّ صفر و در نظر گرفتن این‌که هر قسمت‌بندی یک درجه است، جهت‌های مثبت و منفی را قرارداد کنید. سپس درجه‌ای را که هر عقربه نشان می‌دهد، با یک عدد علامت‌دار بنویسید.



آیا قراردادهای همگی دانش‌آموزان در کلاس به یک صورت بود؟

۲- در ریاضی، برای یکی شدن قراردادهای سمت راست را روی محور مثبت و سمت چپ را منفی در نظر می‌گیرند. محور عددهای زیر را با نوشتن عددهای علامت‌دار کامل کنید.



عددهای ... و $+3$ و $+2$ و $+1$ و 0 و -1 و -2 و -3 و ... را عددهای صحیح می‌نامیم. هر یک از عددهای ... و $+3$ و $+2$ و $+1$ را عددهای صحیح مثبت و هر یک از عددهای -1 و -2 و -3 و ... را عددهای صحیح منفی می‌نامیم. عدد صفر نه مثبت است و نه منفی.



هر چه به سمت مثبت پیش می‌رویم، عددها بزرگ‌تر می‌شوند. بنابراین می‌توان نوشت: $+1 > -1$ جا‌های خالی را پر کنید.

هر عدد صحیح ----- از هر عدد صحیح ----- بزرگ‌تر است.

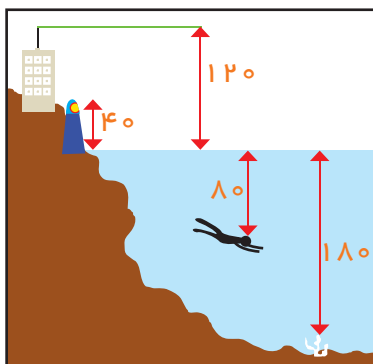
همه‌ی عددهای صحیح ----- از صفر بزرگ‌تر اند.

همه‌ی عددهای صحیح منفی از صفر ----- هستند.



۱- ساعت ۱۲ ظهر را مبدأ در نظر بگیرید. با تعیین جهت‌های مثبت و منفی، هر یک از زمان‌های زیر را با یک عدد صحیح نمایش دهید.

- ۴ دقیقه پیش از ظهر: -----
 ۵ دقیقه بعد از ظهر: -----
 ۲ دقیقه بعد از ظهر: -----
 ۸ دقیقه پیش از ظهر: -----
 ۷ دقیقه بعد از ظهر: -----
 ظهر: -----



۲- با توجه به شکل، ابتدا قراردادها را کامل کنید، سپس ارتفاع‌های خواسته شده را با یک عدد علامت‌دار نشان دهید.

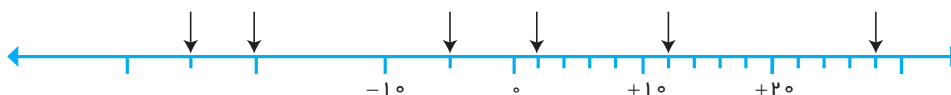
- مبدأ: -----
 بالاتر از مبدأ: -----
 پایین‌تر از مبدأ: -----
 بالاترین قسمت آتشفشان: -----
 بالای چراغ دریایی: -----
 غواص: -----
 مرجان ته دریا: -----

۳- ابتدا عددهای زیر را روی محور پیدا کنید، سپس آن‌ها را مقایسه کرده علامت مناسب ($<$ $=$ $>$) بگذارید.

-2	-4	$+4$	-1	$+5$	-5	-3	$+5$
-4	$+3$	$+2$	0	0	-3	-3	-6



۴- نقطه‌های مشخص شده روی محور زیر چه عددهایی را نشان می‌دهند؟



۵- دور عددهای صحیح خط بکشید.

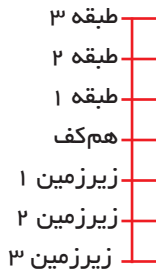
-3 $+4$ $3/2$ $4/5$ 0 $-4/5$

$2/5$ $1/10$ -1 $+7$ -11 $8 \frac{1}{2}$

تمرین



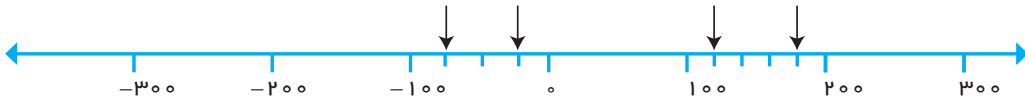
۱- از طبقه‌ی هم‌کف شروع کنید. ۳ طبقه بالا بروید. ۵ طبقه پایین بروید. ۴ طبقه بالا، ۵ طبقه پایین و در آخر ۳ طبقه بالا بروید.



حالا کدام طبقه هستید؟
هر طبقه را با یک عدد علامت‌دار نشان دهید.
مسیر حرکت بالا را با عددهای علامت‌دار مانند زیر نشان دهید.



۲- عددهای -127 و -230 و $+85$ و $+210$ را روی محور زیر به صورت تقریبی نشان دهید. نقطه‌ی مشخص شده چه عددی را نشان می‌دهد؟



۳- فرض کنیم \circ یعنی $+1$ و \bullet یعنی -1 ، بنابراین $\circ\bullet$ برابر صفر است. حالا بگویید هر شکل چه عددی را نشان می‌دهد؟



۴- در محور زیر با توجه به قرارداد دلخواه پایین مشخص کنید هر \downarrow چه عددی را نشان می‌دهد.



۵- فاصله‌ی دو نقطه روی محور که عددهای -2 و $+5$ را نشان می‌دهند، چند واحد است؟

۶- مقایسه کنید و علامت مناسب بگذارید. ($<$ $=$ $>$)

$-3 \circ -1$	$+3 \circ +1$	$0 \circ -1$	$-75 \circ -42$
$+15 \circ -12$	$32 \circ -47$	$10 \circ +10$	$+27 \circ 0$
$0 \circ -45$	$-8 \circ -12$	$+35 \circ -432$	$-58 \circ -35$

کاربرد عددهای صحیح در جمع و تفریق

فعالیت



۱- حاصل جمع دو عدد از دو روش به دست آمده است. چگونگی جمع این دو عدد را با این دو روش توضیح دهید.

$$\begin{array}{r} 70 \\ + 12 \\ \hline 80 \\ + 2 \\ \hline 82 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 70 \\ + 12 \\ \hline 82 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 43 \\ + 39 \\ \hline 70 \\ + 12 \\ \hline 82 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ 43 \\ + 39 \\ \hline 82 \end{array}$$

۲- با استفاده از روش جدیدی که برای جمع دو عدد دیده‌اید، پاسخ جمع‌ها را مانند نمونه پیدا کنید.

$$\begin{array}{r} 45 \\ + 23 \\ \hline 60 \\ + 8 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 35 \\ + 49 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 231 \\ + 425 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 245 \\ + 527 \\ \hline \end{array}$$

۳- در روش بالا در واقع عدد را گسترده کرده‌ایم. یعنی: $231 = 200 + 30 + 1$

سپس صدتایی‌ها را با هم، ده‌تایی را با هم و یکی‌ها را با هم جمع کردیم.

به همین ترتیب عددهای صحیح زیر را مانند نمونه به صورت گسترده بنویسید.

$$-231 = -200 - 30 - 1$$

$$-45 =$$

$$-732 =$$

$$-802 =$$

$$-420 =$$

$$-890 =$$

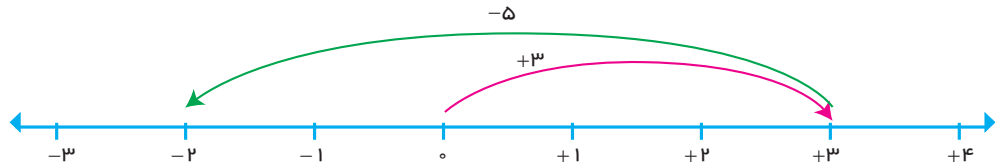


۱- مانند فعالیت قبل تفریق زیر نیز به دو روش مختلف انجام شده است. این دو روش را توضیح دهید.

$$\begin{array}{r} 79 \\ -34 \\ \hline 45 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 79 \\ -34 \\ \hline 40 \\ + 5 \\ \hline 45 \end{array}$$

۲- پاسخ تفریق ۳ - ۵ به کمک محور زیر به دست آمده است.



$$3 - 5 = -2$$

به کمک این مطلب، اکنون پاسخ تفریق زیر را به روش گسترده نویسی به دست می آوریم.

$$\begin{array}{r} 73 \\ -25 \\ \hline 50 \\ - 2 \\ \hline 48 \end{array}$$

۳- پاسخ تفریق های زیر را به روش بالا به دست آورید.

$$\begin{array}{r} 74 \\ -31 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 84 \\ -56 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 949 \\ -767 \\ \hline 200 \\ - 20 \\ \hline + 2 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 683 \\ -251 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 840 \\ -235 \\ \hline \end{array}$$

مثال بالا به صورت زیر نوشته شده است. تفریق های داده شده را به این روش انجام دهید.

$$\begin{array}{r} 949 \\ -767 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 83 \\ -21 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 321 \\ -127 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 900 + 40 + 9 \\ -700 - 60 - 7 \\ \hline \end{array}$$

$$200 - 20 + 2 = 182$$



۱- جمع و تفریق‌های زیر را مانند نمونه‌ها به روش جدیدی که آموختید، انجام دهید.

۷۴۵	۷۴۹	۱۲۳	۶۲۰	۴۷
+ ۲۷۳	+ ۱۰۳	+ ۴۵۶	+ ۲۷۰	+ ۲۳
+ ۹۰۰	+ ۱۱۰	+ ۸		
۱۰۱۸				

۷۴۵	۷۴۹	۴۵۶	۶۷۰	۵۹
- ۲۷۳	- ۱۰۳	- ۱۲۳	- ۲۲۰	- ۲۳
۵۰۰	- ۳۰	+ ۲		
۴۷۲				

۲- این روش را با روشی که از پیش می‌دانستید، مقایسه کنید. نکات مثبت و منفی هر روش را توضیح دهید.



۱- با توجه به اینکه $۲۰ + ۴ = ۲۴$ است، عددهای مخلوط و اعشاری را به صورت گسترده بنویسید.

$$\frac{1}{3} = \frac{1}{2} \qquad \frac{4}{21} =$$

$$\frac{21}{731} = \frac{1}{24} = \frac{1}{3}$$

۲- با توجه به این که $۲۰ - ۴ = -۲۴$ ، عددهای مخلوط و اعشاری را به صورت گسترده بنویسید.

$$-\frac{1}{4} = \frac{1}{5} \qquad -\frac{7}{37} =$$

$$-\frac{43}{251} = -\frac{1}{34} = \frac{1}{7}$$

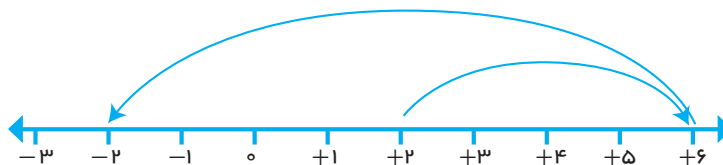
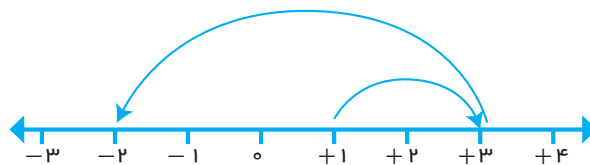
۳- اگر ● برابر $+1$ و ○ برابر -1 باشد، برای هر شکل یک جمع بنویسید و پاسخ آن را به دست آورید.



۴- حالا اگر ● برابر $+10$ و ○ برابر -10 باشد، برای هر شکل یک جمع بنویسید و پاسخ آن را به دست آورید.



۴- دو محور زیر را با هم مقایسه کنید. برای هر کدام یک تفریق بنویسید.



۵- حاصل عبارت‌های زیر را بنویسید.

$4 - 5 =$	$7 - 3 =$	$1 - 6 =$
$40 - 50 =$	$70 - 30 =$	$10 - 60 =$
$400 - 500 =$	$700 - 300 =$	$100 - 600 =$

۶- دمای هوای تهران ۵ درجه بالای صفر است. اگر هوای اهواز ۲۰ درجه گرم‌تر از هوای تهران باشد، دمای هوای اهواز چند درجه است؟

۷- دمای هوای شهرکرد ۵ درجه زیر صفر است. اگر اصفهان ۱۰ درجه گرم‌تر از شهرکرد باشد، دمای هوای اصفهان چند درجه است؟

مرور فصل

با نوشتن آنچه که از شما خواسته شده، خلاصه‌ای از درس‌هایی را که در این فصل یاد گرفته‌اید، تهیه کنید.



۱- توضیح دهید چگونه با دو عدد، مختصات یک نقطه در صفحه‌ی مختصات مشخص می‌شود؟

۲- چگونه می‌توان به کمک محور مختصات شکل‌های هندسی را به کمک عددها معرفی کرد؟

۳- اگر قرینه‌ی یک نقطه را نسبت به یک خط افقی پیدا کنیم، چه رابطه‌ای بین مختصات نقطه و مختصات قرینه‌اش دیده می‌شود؟

۴- اگر قرینه‌ی یک نقطه را نسبت به یک خط عمودی پیدا کنیم، چه رابطه‌ای بین مختصات نقطه و مختصات قرینه‌اش دیده می‌شود؟

۵- انتقال یک نقطه در صفحه‌ی مختصات چه اثری بر مختصات آن دارد؟

۶- برای معرفی عددهای علامت‌دار چه قراردادهایی لازم است؟

۷- دو عدد علامت‌دار منفی را چگونه با هم مقایسه می‌کنید؟

۸- -۶

۸- روش جمع دو عدد به کمک گسترده‌نویسی را توضیح دهید.

$$\begin{array}{r} 45 \\ +23 \\ \hline \end{array}$$

۹- روش تفریق دو عدد به کمک گسترده‌نویسی را توضیح دهید. یک نمونه حل کنید.

۱۰- جمع و تفریق به کمک گسترده‌نویسی چه فوایدی دارد؟

